

C - cipher text

P - plain text

k_1, k_2 - šifrovacie kľúče

šifrovanie: $C = k_1 \cdot P + k_2 \pmod{26}$

dešifrovanie $C = k_1 \cdot P + k_2 \pmod{26}$

$$C = k_1 \cdot P + k_2 \quad | + (-k_2)$$

$$C + (-k_2) = k_1 \cdot P + \underbrace{[k_2 + (-k_2)]}_0$$

$$C + (-k_2) = k_1 \cdot P \quad | \cdot k_1^{-1}$$

$$k_1^{-1} \cdot [C + (-k_2)] = \underbrace{[k_1^{-1} \cdot k_1]}_1 \cdot P$$

$$P = k_1^{-1} \cdot [C + (-k_2)] =$$

$$= \underbrace{k_1^{-1}}_k \cdot C + \underbrace{[k_1^{-1} \cdot (-k_2)]}_{k_2'}$$

k_1'

k_1'

k_2'

dešifrovanie: $P = k_1' \cdot C + k_2' \pmod{26}$

k_1', k_2' - dešifrovacie kľúče

$(-k_2)$ - opačny prvok ku k_2 mod 26

$$k_2 + (-k_2) \equiv 0 \pmod{26}$$

t.j. $k_2 + (-k_2) = 26$

ak $k_2 = 3$, potom $-k_2 = 23$

lebo $3 + 23 = 26 \equiv 0 \pmod{26}$

k_1^{-1} - inverzný prvok ku k_1 mod 26

$$k_1 \cdot k_1^{-1} \equiv 1 \pmod{26}$$

napr. ak $k_1 = 5$, potom

$$k_1^{-1} = 21$$

lebo $5 \cdot 21 = 105 \equiv 1 \pmod{26}$

$$105 = 104 + 1 = 4 \cdot 26 + 1$$